

③ 分数（約分・通分）

小学校算数のつまずきポイントの第三関門が「分数（約分・通分）」です。

「分数」の計算のつまずきポイントは以下の3つ。

- ① 分数の大きさを比べる問題が苦手
- ② 約分ができない
- ③ 通分ができない

大きさの等しい分数の概念をマスターするところからはじめ、約分・通分と少しづつステップアップをしていきましょう。

大きさの等しい分数

分数のつまずきポイントを克服するためには、まずは「大きさの等しい分数」についての概念を身につけることが重要です。

ポイント①

分数の分母・分子に
同じ数をかけても、同じ数でわっても、
分数の大きさは変わらない

※ただし、0をかけたり、0でわったりしてはいけない

分数の分母・分子に

同じ数をかけても、

$$\frac{\textcolor{red}{\bigcirc}}{\textcolor{blue}{\triangle}} = \frac{\textcolor{red}{\bigcirc} \times \textcolor{green}{\square}}{\textcolor{blue}{\triangle} \times \textcolor{green}{\square}}$$

同じ数でわっても、

$$\frac{\textcolor{red}{\bigcirc}}{\textcolor{blue}{\triangle}} = \frac{\textcolor{red}{\bigcirc} \div \textcolor{green}{\square}}{\textcolor{blue}{\triangle} \div \textcolor{green}{\square}}$$

分数の大きさは変わらない

③ 分数（約分・通分）

例 1

$\frac{1}{2}$ の分母と分子に どんな数をかけると $\frac{2}{4}$ になるでしょう。

$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 2}{2 \times 2} = \frac{2}{4}$$

例 2

$\frac{4}{8}$ の分母と分子を どんな数でわると $\frac{1}{2}$ になるでしょう。

$$\frac{4}{8} = \frac{4 \div 4}{8 \div 4} = \frac{1}{2}$$

約分

分数の 2 つ目のつまづきポイントは「**約分**」。

約分を克服するためには、ポイント①「分数の分母・分子に同じ数をかけても、同じ数でわっても、分数の大きさは変わらない」を念頭に置き、次のポイント②をおさえましょう。

ポイント②

約分するときは、
それぞれの分母と分子を最大公約数でわるとよい

最大公約数は、「分母と分子の数を両方わることのできる数のうち最も大きな数」です。

最大公約数が見つかれば一発で約分できるのですが、大きな数になるとなかなか難しいですよね。そんなときは、地道に「2, 3, 5, 7, 9」と割っていくのも一つの方法です。

ただし、毎回これだとなかなか上達しません。上達のコツは、「割り切れなさそうだと

③ 分数（約分・通分）

思つたら、3と7をチェックする」クセをつけること。約分が終わっていると思っても「よく考えると3と7が残っていた」ということがあります。

例題

次の分数を約分しなさい。

(1)

$$\frac{15}{27}$$

(2)

$$\frac{42}{63}$$

(1)

$$\frac{15}{27} = \frac{5}{q}$$

3でわる

(1)の分母と分子の数をわることのできる共通な数は、まず3ですね。
こちらは比較的すんなり見つかるかと思います。

(2)

$$\frac{42}{63} = \frac{14}{21} = \frac{2}{3}$$

3でわる

7でわる

(2)は、3でわることに気が付いたら、ほかにはないかどうか確かめましょう。
7がありますね。

計算に慣れてきたら、それぞれ分母・分子の桁数を多くしていき、徐々に分数の約分に慣れていきましょう。

③ 分数（約分・通分）

約分を練習してみましょう！

約分

練習問題

$$\textcircled{1} \quad \frac{9}{12} =$$

$$\textcircled{6} \quad \frac{14}{16} =$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{20}{24} =$$

$$\textcircled{7} \quad \frac{21}{27} =$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{24}{27} =$$

$$\textcircled{8} \quad \frac{24}{90} =$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{10}{25} =$$

$$\textcircled{9} \quad \frac{18}{42} =$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{21}{28} =$$

$$\textcircled{10} \quad \frac{8}{128} =$$

③ 分数（約分・通分）

通分

つぎに、分数の3つ目のつまずきポイントである「通分」です。

通分を克服するためには、ポイント①「分数の分母・分子に同じ数をかけても、同じ数でわっても、分数の大きさは変わらない」を念頭に置いたうえで、次のポイント③をおさえましょう。

ポイント③

通分するときは、
それぞれの分母の最小公倍数を共通な分母にするとよい

最小公倍数は、「2つ以上の整数に共通する倍数のうち最も小さい数」です。

例題

(1) の中の分数を通分しなさい。

$$(1) \left(\frac{1}{3}, \frac{1}{4} \right) \quad (2) \left(\frac{2}{3}, \frac{5}{6}, \frac{7}{9} \right)$$

例題(1)の考え方

分母の3と4の最小公倍数は12なので、
分母を12にそろえる

$$\frac{1}{3} = \frac{4}{12} \quad \frac{1}{4} = \frac{3}{12}$$

よって $\left(\frac{4}{12}, \frac{3}{12} \right)$

例題(2)の考え方

分母の3と6と9の最小公倍数は18なので、
分母を18にそろえる

$$\frac{2}{3} = \frac{12}{18} \quad \frac{5}{6} = \frac{15}{18} \quad \frac{7}{9} = \frac{14}{18}$$

よって $\left(\frac{12}{18}, \frac{15}{18}, \frac{14}{18} \right)$

③ 分数（約分・通分）

通分を練習してみましょう！

通分

練習問題

① $\left(\frac{1}{2}, \frac{2}{5} \right) =$

⑥ $\left(\frac{11}{24}, \frac{29}{30} \right) =$

② $\left(\frac{1}{4}, \frac{2}{3} \right) =$

⑦ $\left(\frac{7}{30}, \frac{29}{45} \right) =$

③ $\left(\frac{4}{5}, \frac{1}{7} \right) =$

⑧ $\left(\frac{2}{9}, \frac{22}{27} \right) =$

④ $\left(\frac{4}{5}, \frac{5}{4} \right) =$

⑨ $\left(\frac{3}{5}, \frac{39}{40} \right) =$

⑤ $\left(\frac{2}{3}, \frac{8}{15} \right) =$

⑩ $\left(\frac{4}{15}, \frac{11}{18} \right) =$